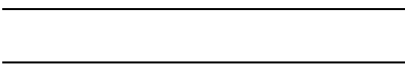
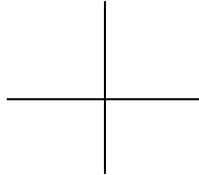


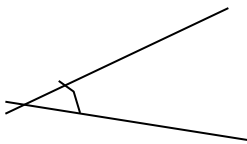
A) Dos rectas serán paralelas si éstas nunca se intersectan o bien son la misma



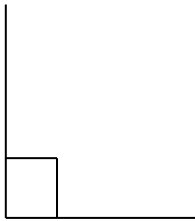
B) Dos rectas serán perpendiculares si intersectándose forman 4 ángulos iguales (cada uno de 90°)



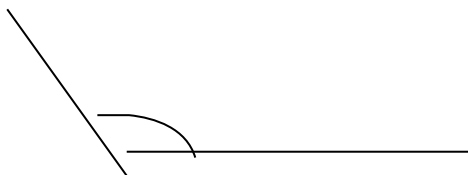
C) Un ángulo se llamará agudo si es mayor que 0° pero menor que 90°



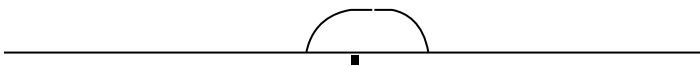
Un ángulo se llamará recto si mide exactamente 90°



Un ángulo se llamará obtuso si mide más de 90° pero menos que 180°



un ángulo se llamará llano si mide exactamente 180°

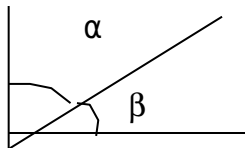


Alfabeto griego:

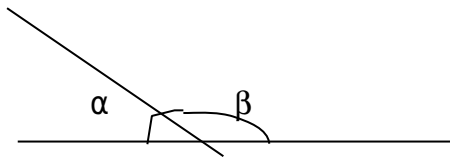
Alfa	α	Beta	β	Gamma	γ	Delta	δ
Épsilon	ϵ	Dseta	ζ	Eta	η	Theta	θ
Iota	ι	Kappa	κ	Lamda	λ	Mi	μ
Ni	ν	Chi	ξ	Ómicron	\omicron	Pi	π
Rho	ρ	Sigma	σ	Tau	τ	Ípsilon	υ
Fi	ϕ	Ji	χ	Psi	ψ	Omega	ω

Def .- Dos ángulos se llamarán:

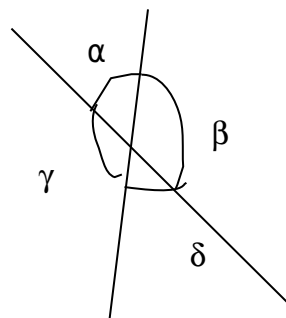
A) Complementarios si sumados dan 90°



B) Suplementarios si sumados dan 180°



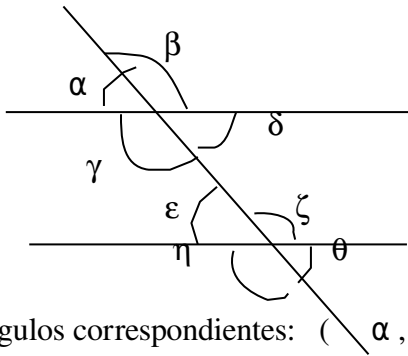
Teorema: Los ángulos opuestos por el vértice son iguales .



$$\alpha = \delta$$

$$\beta = \gamma$$

Dadas dos rectas y una secante a ellas definimos las siguientes parejas:



A) Un ángulos correspondientes: (α, ϵ) , (β, ζ) , (γ, η) , (δ, θ)

B) Alternos internos : (γ, ζ) (δ, ϵ)

C) alternos externos : (α, θ) (β, η)

Proposición (relacionada al 5° postulado de Euclides): Si éstas rectas son paralelas entonces los ángulos correspondientes son iguales : Nota: también lo son los Alt. Ext. y los Alt.Int.

Clasificación de triángulos:

A) Por sus lados .Equilátero: tiene sus 3 lados iguales.
 . Isósceles : tiene 2 lados iguales y uno distinto
 . Escaleno :tiene sus 3 lados distintos

B)Por sus ángulos . triángulo acutángulo:Tienen 3 ángulos agudos
 .rectángulo :tiene un ángulo recto y dos agudos
 .obtusángulo :tiene un ángulo obtuso y dos agudos

Teorema de la suma de los ángulos interiores de un triángulo (T. S. A. I T):

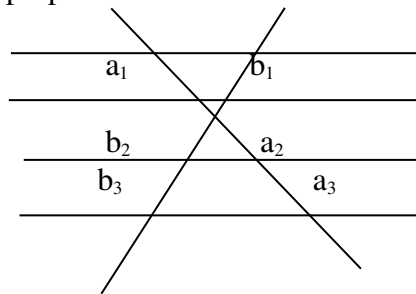
En un triángulo cualquiera la suma de sus ángulos interiores es siempre 180° .

Corolario: Un ángulo exterior de un triángulo es igual a la suma de los 2 interiores no adyacentes a él (que no están pegados)

Teorema de Tales :Dado un conjunto de paralelas y dos secantes a ellas. Estas últimas forman con las primeras segmentos respectivamente proporcionales.

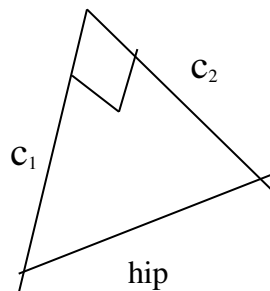
(paralelas)

$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \frac{a_3}{b_3}$$

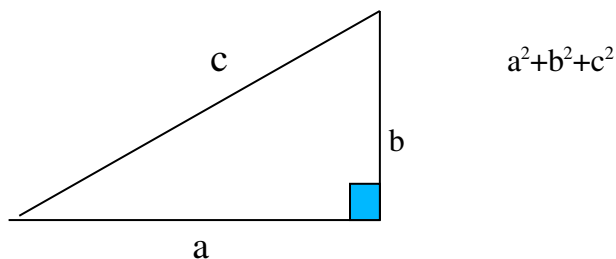


Teorema de Pitágoras:

(1)Definición: en un triángulo rectángulo llamaremos hipotenusa (h) al lado que no conforma al ángulo recto (opuesto a él) y catetos (c_1 y c_2)a quienes si lo hacen (adyacentes)



(2) Teorema: En un triángulo rectángulo la suma de los cuadrados de los catetos es igual al cuadrado de la hipotenusa.



Nota: sin los cuadrados esta igualdad no es cierta , es decir:

$$a+b \neq c$$

Criterios de congruencia de triángulos :

- 1.- Dos triángulos son congruentes si tienen sus 3 lados respectivamente iguales.
- 2.- Dos triángulos son congruentes si tienen 2 lados respectivamente iguales así como igual el ángulo contenido entre ellos .
- 3.- Dos triángulos son congruentes si tienen 1 lado igual así como iguales los ángulos que éste genera (adyacentes)

Criterios de semejanza de triángulos:

- 1.- Dos triángulos son semejantes si tienen sus 3 lados respectivamente proporcionales
- 2.- Dos triángulos son semejantes si tienen 2 lados respectivamente proporcionales e igual el ángulo contenido entre ellos.
- 3.- Dos triángulos son semejantes si tienen dos ángulos iguales

Funciones trigonométricas: Para un ángulo θ contenido en un triángulo rectángulo definimos:

Función:

Se lee:

$$\text{Sen}\theta = \text{CO}/\text{Hip}$$

Seno de θ

$$\text{Cos}\theta = \text{CA}/\text{Hip}$$

Coseno de θ

$$\text{Tan}\theta = \text{CO}/\text{CA}$$

Tangente de θ

$$\text{Cot}\theta = \text{CA}/\text{CO}$$

Cotangente de θ

$$\text{Sec}\theta = \text{Hip}/\text{CA}$$

Secante de θ

$$\text{Csc}\theta = \text{Hip}/\text{CO}$$

Cosecante de θ

Teorema (Ley de los senos): En un triángulo cualquiera el cociente entre el seno de un ángulo y su lado opuesto es constante, es decir:

$$\text{Sen } (\alpha)/a=\text{Sen}(\beta)/b=\text{Sen}(\gamma)/c$$

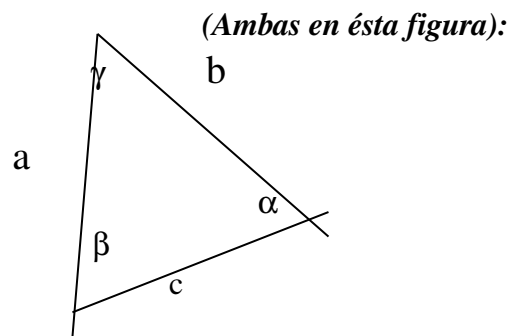
ver fig.

Teorema (Ley de los cosenos): En un triángulo cualquiera la suma de los cuadrados de dos lados cualesquiera es igual a la diferencia del cuadrado del restante con el doble producto de estos primeros y el coseno del ángulo opuesto a éste último, es decir:

$$a^2+b^2=c^2-2ab\text{Cos}\gamma$$

$$b^2+c^2=a^2-2bc\text{Cos}\alpha$$

$$a^2+c^2=b^2-2ac\text{Cos}\beta$$



Identidades trigonométricas:

A) Fundamentales

$$\text{Sen}\theta=1/\text{Csc}\theta$$

$$\text{Cos}\theta=1/\text{Sec}\theta$$

$$\text{Tan}\theta=1/\text{Cot}\theta$$

$$\text{Tan}\theta=\text{Sen}\theta/\text{Cos}\theta$$

$$\text{Cot}\theta=1/\text{Tan}\theta$$

$$\text{Cot}\theta=\text{Cos}\theta/\text{Sen}\theta$$

$$\text{Sec}\theta=1/\text{Cos}\theta$$

$$\text{Csc}\theta=1/\text{Sen}\theta$$

B) Pitagóricas:

C) De paridad:

$$\text{sen}^2\theta+\text{cos}^2\theta=1$$

$$\text{sen}(-\theta)=-\text{sen}\theta$$

$$\text{cos}(-\theta)=\text{cos}\theta$$

$$\text{tan}^2\theta+1=\text{sec}^2\theta$$

$$\text{cot}^2\theta+1=\text{csc}^2\theta$$

D) De la suma de ángulos:

$$\text{sen}(\alpha+\beta)=\text{sen}\alpha\text{cos}\beta+\text{cos}\alpha\text{sen}\beta$$

$$\text{cos}(\alpha+\beta)=\text{cos}\alpha\text{cos}\beta-\text{sen}\alpha\text{sen}\beta$$